# Booleova algebra podrobne :)

## Algebra, v ktorej sú aritmetické operácie[1] nahradené logickými operáciami, ako AND, OR a NOT a s číslami sa pracuje v binárnom vyjadrení.

Autorom Booleovej algebry je filozof a matematik George Boole (1815-1864). Algebru a logiku spojil vo svojej knihe *Skúmanie zákonov myslenia* z roku 1854. V tom čase nepovšimnutá, hrá jeho algebra dodnes významnú úlohu v oblasti počítačov.

**Booleova algebra inak:**

## Booleova algebra slúži na matematický opis zákonov a pravidiel výrokovej logiky, ktorá rieši vzťahy medzi pravdivými a nepravdivými výrokmi.

Pravdivému výroku prideľujeme logickú hodnotu 1, nepravidelnému výroku logickú hodnotu 0. Nositeľom elementárnej informácie o pravdivosti alebo nepravdivosti výroku je logická premenná, ktorá môže nadobúdať dve hodnoty: 0 a 1.

**Booleova algebra ešte inak:**

## Časť matematiky, ktorá sa používa na analýzu logických sústav.

Výpočty v BA sa opierajú o predpoklad, že logické sústavy môžu nadobúdať iba dva stavy:

- pravdivý,
- nepravdivý.

Pravdivosť a nepravdivosť sú dané dvoma logickými hodnotami, ktorým sa v číslicovej technike priraďujú číslové hodnoty 0 a 1.

Booleova algebra umožňuje opis vzťahov medzi stavmi v číslicovom obvode v tvare výrazov (logických funkcií) zapísaných podobne ako v obyčajnej algebre.

**Booleova algebra podrobne:**

Booleova algebra je vetvou matematiky pomenovanou podľa anglického logika a matematika Georga Boolea, ktorý ako prvý publikoval práce z tejto oblasti.

Booleova algebra nie je algebra čísel, s ktorou sa stretávame v matematike. Je to algebra logických stavov. Vzhľadom ku klasickej algebre je preto inak definovaná, napríklad v nej vôbec nenájdeme operácie odčítania a delenia[2].

Základné funkcie Booleovej algebry sú:

- logický súčet OR,
- logický súčin AND,
- negácia NOT.

Medzi základné pravidlá Booleovej algebry patria:

| pre logický súčet | pre logický súčin |
|---|---|
| $A + 0 = A$ | $A \cdot 0 = 0$ |
| $A + 1 = 1$ | $A \cdot 1 = A$ |
| $A + A = A$ | $A \cdot A = A$ |
| $A + \overline{A} = 1$ | $A \cdot \overline{A} = 0$ |

A plus 0 je vždy A, ak je A=1 je to 1, ak je A=0 je to 0.

A krát 0 je vždy 0.

A plus 1 je vždy 1 bez ohľadu, akú logickú hodnotu má A.

A krát 1 je vždy A, ak je A=1 je to 1, ak A=0 je to 0...

V Booleovej algebre pre logický súčet a logický súčin platia tieto zákony:

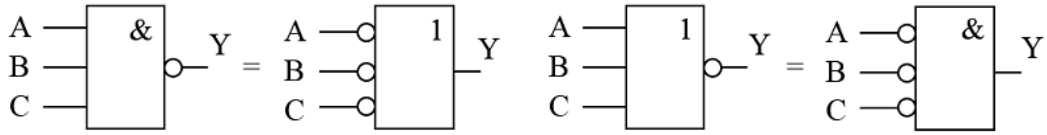
*Copyright © 2013 - 2026 Encyklopédia poznania*

| | | |
|---|---|---|
| Komutatívny zákon | $A + B = B + A$ | $A \cdot B = B \cdot A$ |
| Asociatívny zákon | $(A + B) + C = A + (B + C)$ | $(A \cdot B) \cdot C = A \cdot (B \cdot C)$ |
| Distributívny zákon | $(A + B) \cdot C = A \cdot C + B \cdot C$ | $(A + C) \cdot (B + C) = A \cdot B + C$ |

a zákon druhej negácie $\overline{\overline{A}} = A$

Vlastnosťou Booleovej algebry je aj dualita. Ľubovoľnú logickú funkciu možno vyjadriť vhodným postupom aj v inom – duálnom tvare. O tejto vlastnosti pojednáva De Morganov zákon, ktorý hovorí že logickú funkciu NAND je možné vyjadriť v inom – duálnom tvare pomocou negácie a funkcie OR a opačne, logickú funkciu NOR je možné vyjadriť v inom – duálnom tvare pomocou negácie a logickej funkcie AND.

$$\overline{A \cdot B \cdot C} = \overline{A} + \overline{B} + \overline{C} \qquad \overline{A + B + C} = \overline{A} \cdot \overline{B} \cdot \overline{C}$$




**Dualita logických hradiel AND a OR**

Shannov teorém zobecňuje De Morganov zákon a hovorí, že každá logická funkcia, ktorá obsahuje logické premenná A, B, C..., medzi ktorými sú operácie logického sčítania OR a logického násobenia AND sa dá napísať v inom – duálnom tvare ako funkcia, ktorá obsahuje pôvodné logické premenné A, B, C..., ale negované a logické operácie OR a AND sa medzi sebou vymenia.

Kanonický tvar tohoto teorému môžeme napísať ako:

$$f[A, B, C \ldots (+), (\cdot)] = f[\overline{A}, \overline{B}, \overline{C} \ldots (\cdot), (+)]$$

Napríklad pre logický výraz $(A + C) \times (B + C) = Y$ môžeme podľa Shannovho teorému napísať:

$$\overline{A} \cdot \overline{C} + \overline{B} \cdot \overline{C} = \overline{Y}$$

s použitím základných pravidiel Booleovej algebry môžeme ďalej písať:

$$\overline{C} \cdot (\overline{A} + \overline{B}) = \overline{Y}$$

ak na túto logický rovnicu aplikujeme Shannov teorém a s prihliadnutím na zákon druhej negácie, dostaneme:

$$C + A \cdot B = Y$$

Základné pravidlá a vlastnosť duality Booleovej algebry sa používajú a majú veľký význam pri navrhovaní a minimalizácií zložitejších logických funkcií a pri ich realizácií pomocou základných logických hradiel a integrovaných logických obvodov.

Ak realizovaná logická funkcia obsahuje prevažne logické operácie NAND, NOT a len jednu logickú operáciu OR a ak ostanú v niekoľkých puzdrách integrovaných obvodov voľné hradlá NAND a NOT, je zbytočné pridať kvôli jednej funkcii OR ďalšie puzdro integrovaného obvodu. Funkcia NOR sa dá zrealizovať (s prihliadnutím na duálnu vlastnosť Booleovej algebry) pomocou voľných hradiel NAND a NOT.

**[1] Ako sčítanie a odčítanie.**
**[2] Tieto funkcie v algebre stavov neexistujú.**

Booleova algebra jednoducho, zákony Booleovej algebry, Dvojková (binárna) číselná sústava

**Zdroje**
**Použitá, citovaná a odporúčaná interná „literatúra“:**
· ***Booleova algebra*** **(e-kniha/Matematika).**